

102年公務人員特種考試關務人員考試、102年公務人員特種考試稅務人員考試、102年公務人員特種考試海岸巡防人員考試、102年公務人員特種考試移民行政人員考試、102年特種考試退除役軍人轉任公務人員考試及102年國軍上校以上軍官轉任公務人員考試試題

代號：13430 全四頁  
第一頁

等 別：三等關務人員考試

類(科)別：關稅統計

科 目：統計學

考試時間：2小時

座號：\_\_\_\_\_

※注意：(一)可以使用電子計算器。

(二)不必抄題，作答時請將試題題號及答案依照順序寫在試卷上，於本試題上作答者，不予計分。

一、某代理商旗下所代理的某品牌手機，其進價成本每台為\$5,000元，市售價格為\$10,000元，假設該品牌手機的壽命服從平均數為2(年)的指數分配，而該品牌手機代理商的保固政策如下：

- 如果該品牌手機在客戶購買後第1年內(含)故障，則無條件更新手機給客戶。(更新以1次為限，更新成本由該品牌手機代理商自行吸收，出貨廠商不負責，即代理商更新成本為進貨成本價\$5,000元)
- 如果該品牌手機在客戶購買後第1年至第2年間(含)故障，則以市售價格的1/4價賠償客戶。

試問，今售出100台該品牌手機，則該品牌手機代理商的預期利得(金額)為何？(20分)

(註：計算過程中，常數e(自然對數函數的底數)請取2.718，機率值請四捨五入取至小數第4位運算之。)

二、簡單線性無截距項(non-intercept)迴歸分析模式(\*)如下式：

$$y_i = \beta x_i + \varepsilon_i, i = 1, 2, \dots, n \quad (*)$$

(一)求 $\beta$ 的最小平方估計式 $\hat{\beta}$ 。(10分)

(二)假設誤差項 $\varepsilon_i$ 是獨立同態*i.i.d.*且服從常態分配，即 $\varepsilon_i \stackrel{i.i.d.}{\sim} N(0, \sigma^2)$ ，則試問簡單線性無截距項迴歸分析模式(\*)中， $\beta$ 最小平方估計式 $\hat{\beta}$ 的抽樣分配為何？(10分)

(三)試問最小平方估計式 $\hat{\beta}$ 是否為 $\beta$ 的不偏估計式？請寫出正確理由否則不予計分。(5分)

三、假設某位立委針對新的年金改革方案進行意見調查，得到以下的資料：

職業 \ 意見	藍領階級	白領階級	其他職業類型
贊成	66	23	79
反對	18	50	42
沒意見	36	16	38

試問在顯著水準0.05下，有足夠的證據顯示不同職業類別的人對該年金改革方案的意見有關聯嗎？(15分)

(註：請寫出完整假設檢定步驟，在計算檢定統計量時，請先清楚標示數學列式和理論次數值，其中理論次數值請四捨五入取至小數第2位，中間所有運算過程亦以小數2位為之。請注意，若未正確列式將無法計分。)

(請接第二頁)

102年公務人員特種考試關務人員考試、102年公務人員特種考試稅務人員考試、102年公務人員特種考試海岸巡防人員考試、102年公務人員特種考試移民行政人員考試、102年特種考試退除役軍人轉任公務人員考試及102年國軍上校以上軍官轉任公務人員考試試題

代號：13430 全四頁  
第二頁

等 別：三等關務人員考試

類(科)別：關稅統計

科 目：統計學

四、根據某研究蒐集到的一組 500 筆資料計算後，得其樣本平均數為 35、樣本標準差為 4，另外其所繪製的直方圖顯示該組資料分配是極度右偏，試問：

(一)根據以上資訊，應該有多少筆資料會落在 29.4 和 40.6 中間？(4 分)

(二)根據以上資訊，應該有多少筆資料會落在 27 和 41 中間？(4 分)

(三)您答案的理論依據是甚麼？(2 分)

五、假設有一強颱風可能在下週一時來襲，市政府機關得提前決定是否要停止上班上課，若定義假設如下：

$H_0$ : 強颱風會來襲 vs.  $H_1$ : 強颱風不會來襲

若市政府機關判定強颱風可能不會來，因此決定如期上班上課，但強颱風一如預期在下週一期間來襲，則市政府機關的決策是犯了型 I 或型 II 那個誤差？請同時定義該誤差。(5 分)

六、(一)何謂平穩型的時間數列？(5 分)

(二)根據下列所蒐集某特定地區觀光團數的時間數列資料，請以退化平滑因子 (smoothing constant)  $\omega = 0.94$  來建構指數平滑法 (exponentially smoothed time series) 時間數列。(10 分) (計算過程請列式，中間所有運算過程以小數 2 位計算之。)

期數	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
觀光團數	12	35	28	25	31	20	15	17	38	40

七、某大專院校系所針對應屆畢業生從事三個不同職業類別工作的起薪 (K) 進行調查，假設得到下列的資料：

職業別	補教業	製造業	服務業
樣本數	$n_1 = 5$	$n_2 = 4$	$n_3 = 6$
樣本平均數	$\bar{x}_1 = 27.6$	$\bar{x}_2 = 39.25$	$\bar{x}_3 = 34.67$
樣本變異數	$s_1^2 = 22.3$	$s_2^2 = 35.58$	$s_3^2 = 177.07$

(一)請建構進行三種職業別工作平均起薪是否有差異檢定所對應的變異數分析表 (ANOVA table)。(5 分)

(二)以顯著水準 0.05 進行三種職業別工作平均起薪是否有差異之檢定？(5 分)

(註：請寫出完整假設檢定步驟，中間所有運算過程請四捨五入取至小數第 2 位計算之。)

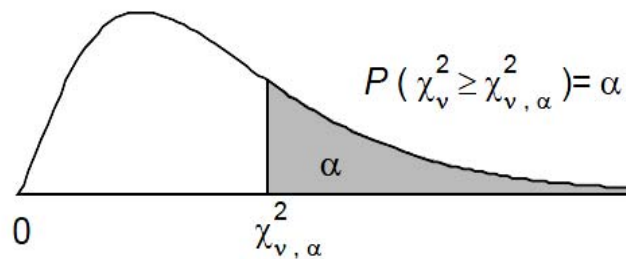
(請接第三頁)

102年公務人員特種考試關務人員考試、102年公務人員特種考試稅務人員考試、102年公務人員特種考試海岸巡防人員考試、102年公務人員特種考試移民行政人員考試、102年特種考試退除役軍人轉任公務人員考試及102年國軍上校以上軍官轉任公務人員考試試題

代號：13430 全四頁  
第三頁

等 別：三等關務人員考試  
類(科)別：關稅統計  
科 目：統計學

表  $\chi^2$ 分配右尾切點(cut-off points)



$\nu$	$\alpha$									
	0.005	0.010	0.025	0.050	0.100	0.900	0.950	0.975	0.990	0.995
1	7.8794	6.6349	5.0239	3.8415	2.7055	0.0158	0.0039	0.0010	0.0002	0.0000
2	10.5966	9.2103	7.3778	5.9915	4.6052	0.2107	0.1026	0.0506	0.0201	0.0100
3	12.8382	11.3449	9.3484	7.8147	6.2514	0.5844	0.3518	0.2158	0.1148	0.0717
4	14.8603	13.2767	11.1433	9.4877	7.7794	1.0636	0.7107	0.4844	0.2971	0.2070
5	16.7496	15.0863	12.8325	11.0705	9.2364	1.6103	1.1455	0.8312	0.5543	0.4117
6	18.5476	16.8119	14.4494	12.5916	10.6446	2.2041	1.6354	1.2373	0.8721	0.6757
7	20.2777	18.4753	16.0128	14.0671	12.0170	2.8331	2.1673	1.6899	1.2390	0.9893
8	21.9550	20.0902	17.5345	15.5073	13.3616	3.4895	2.7326	2.1797	1.6465	1.3444
9	23.5894	21.6660	19.0228	16.9190	14.6837	4.1682	3.3251	2.7004	2.0879	1.7349
10	25.1882	23.2093	20.4832	18.3070	15.9872	4.8652	3.9403	3.2470	2.5582	2.1559

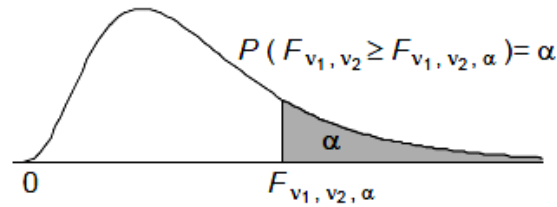
(請接第四頁)

102年公務人員特種考試關務人員考試、102年公務人員特種考試稅務人員考試、102年公務人員特種考試海岸巡防人員考試、102年公務人員特種考試移民行政人員考試、102年特種考試退除役軍人轉任公務人員考試及102年國軍上校以上軍官轉任公務人員考試試題

代號：13430 全四頁  
第四頁

等 別：三等關務人員考試  
類(科)別：關稅統計  
科 目：統計學

表 F分配右尾切點(cut-off points)



$v_2$	$\alpha$	$v_1$									
		1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1	0.01	4052.18	4999.50	5403.35	5624.58	5763.65	5858.99	5928.36	5981.07	6022.47	6055.85
	0.05	161.45	199.50	215.71	224.58	230.16	233.99	236.77	238.88	240.54	241.88
	0.10	39.86	49.50	53.59	55.83	57.24	58.20	58.91	59.44	59.86	60.19
2	0.01	98.50	99.00	99.17	99.25	99.30	99.33	99.36	99.37	99.39	99.40
	0.05	18.51	19.00	19.16	19.25	19.30	19.33	19.35	19.37	19.38	19.40
	0.10	8.53	9.00	9.16	9.24	9.29	9.33	9.35	9.37	9.38	9.39
3	0.01	34.12	30.82	29.46	28.71	28.24	27.91	27.67	27.49	27.35	27.23
	0.05	10.13	9.55	9.28	9.12	9.01	8.94	8.89	8.85	8.81	8.79
	0.10	5.54	5.46	5.39	5.34	5.31	5.28	5.27	5.25	5.24	5.23
4	0.01	21.20	18.00	16.69	15.98	15.52	15.21	14.98	14.80	14.66	14.55
	0.05	7.71	6.94	6.59	6.39	6.26	6.16	6.09	6.04	6.00	5.96
	0.10	4.54	4.32	4.19	4.11	4.05	4.01	3.98	3.95	3.94	3.92
5	0.01	16.26	13.27	12.06	11.39	10.97	10.67	10.46	10.29	10.16	10.05
	0.05	6.61	5.79	5.41	5.19	5.05	4.95	4.88	4.82	4.77	4.74
	0.10	4.06	3.78	3.62	3.52	3.45	3.40	3.37	3.34	3.32	3.30
6	0.01	13.75	10.92	9.78	9.15	8.75	8.47	8.26	8.10	7.98	7.87
	0.05	5.99	5.14	4.76	4.53	4.39	4.28	4.21	4.15	4.10	4.06
	0.10	3.78	3.46	3.29	3.18	3.11	3.05	3.01	2.98	2.96	2.94
7	0.01	12.25	9.55	8.45	7.85	7.46	7.19	6.99	6.84	6.72	6.62
	0.05	5.59	4.74	4.35	4.12	3.97	3.87	3.79	3.73	3.68	3.64
	0.10	3.59	3.26	3.07	2.96	2.88	2.83	2.78	2.75	2.72	2.70
8	0.01	11.26	8.65	7.59	7.01	6.63	6.37	6.18	6.03	5.91	5.81
	0.05	5.32	4.46	4.07	3.84	3.69	3.58	3.50	3.44	3.39	3.35
	0.10	3.46	3.11	2.92	2.81	2.73	2.67	2.62	2.59	2.56	2.54
9	0.01	10.56	8.02	6.99	6.42	6.06	5.80	5.61	5.47	5.35	5.26
	0.05	5.12	4.26	3.86	3.63	3.48	3.37	3.29	3.23	3.18	3.14
	0.10	3.36	3.01	2.81	2.69	2.61	2.55	2.51	2.47	2.44	2.42
10	0.01	10.04	7.56	6.55	5.99	5.64	5.39	5.20	5.06	4.94	4.85
	0.05	4.96	4.10	3.71	3.48	3.33	3.22	3.14	3.07	3.02	2.98
	0.10	3.29	2.92	2.73	2.61	2.52	2.46	2.41	2.38	2.35	2.32
11	0.01	9.65	7.21	6.22	5.67	5.32	5.07	4.89	4.74	4.63	4.54
	0.05	4.84	3.98	3.59	3.36	3.20	3.09	3.01	2.95	2.90	2.85
	0.10	3.23	2.86	2.66	2.54	2.45	2.39	2.34	2.30	2.27	2.25
12	0.01	9.33	6.93	5.95	5.41	5.06	4.82	4.64	4.50	4.39	4.30
	0.05	4.75	3.89	3.49	3.26	3.11	3.00	2.91	2.85	2.80	2.75
	0.10	3.18	2.81	2.61	2.48	2.39	2.33	2.28	2.24	2.21	2.19
13	0.01	9.07	6.70	5.74	5.21	4.86	4.62	4.44	4.30	4.19	4.10
	0.05	4.67	3.81	3.41	3.18	3.03	2.92	2.83	2.77	2.71	2.67
	0.10	3.14	2.76	2.56	2.43	2.35	2.28	2.23	2.20	2.16	2.14
14	0.01	8.86	6.51	5.56	5.04	4.69	4.46	4.28	4.14	4.03	3.94
	0.05	4.60	3.74	3.34	3.11	2.96	2.85	2.76	2.70	2.65	2.60
	0.10	3.10	2.73	2.52	2.39	2.31	2.24	2.19	2.15	2.12	2.10
15	0.01	8.68	6.36	5.42	4.89	4.56	4.32	4.14	4.00	3.89	3.80
	0.05	4.54	3.68	3.29	3.06	2.90	2.79	2.71	2.64	2.59	2.54
	0.10	3.07	2.70	2.49	2.36	2.27	2.21	2.16	2.12	2.09	2.06