102年特種考試地方政府公務人員考試試題

各人員考試試題 代號:34770 全一張 (正面)

等 别:三等考試

類 科:天文

科 目:宇宙學

考試時間: 2 小時

座號:____

※注意: (一)禁止使用電子計算器。

(二)不必抄題,作答時請將試題題號及答案依照順序寫在試卷上,於本試題上作答者,不予計分。

一、如果一個氣體粒子達成熱平衡後,某個物理量的密度函數為(公式中已經將 $\hbar=1$,c=1, $k_B=1$ 作為自然單位(natural unit)簡化,回答時應將 \hbar ,c 等單位復原)

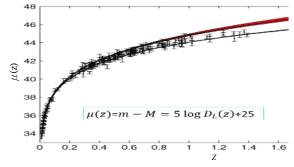
$$h(T) = \frac{g}{(2\pi)^3} \int \frac{Ed^3p}{e^{E/T} - 1}$$

其中 $p \cdot E$ 分別是該粒子的動量和能量,試以 CMB 測得的粒子為例說明:

- (→) CMB 觀測粒子是什麼粒子?其 p 和 E 的關係為何?g 是代表什麼物理量? 數值為何?早期宇宙演化過程, CMB 粒子是透過甚麼交互作用達成熱平衡? (10分)
- (\Box) 從式子右邊的因次看,h(T)為何是密度?h(T)又代表什麼物理量的密度? (8分)
- $(\Xi) exp \left[-\frac{nE}{T} \right]$, n = 0,1,2,... 這個式子的統計物理意義為何?和 $f(E) = 1/(e^{E/T} 1)$ 之間的關係為何?(6分)

四請證明 $\rho \propto T^n$ 的原因,並算出n=?(10分)

二、已知遙遠的超新星爆炸時,特定波長的光波,靜止時波長為 λ ,luminosity 為 L,由 comoving distance r_z 傳達到地球時,量得的波長為 λ_0 ,luminosity 為 L_0 ,光通量為F。試由下面 Perlmutter 等人累積的觀測實驗數據圖,回答下列問題:



- (-)這一個實驗告訴我們甚麼重大的訊息?在圖上的式子裡,是用那個單位作為光度 距離 D_L 的單位?縱軸測量的是什麼物理量?並說明 M 的定義。(8 分)
- □横軸測量的是什麼物理量?這個物理量和尺度因子的關係為何?(要說明 z 的原始定義。) z=1.5 大約代表宇宙尺度多大的時候?(6分)
- (三)由 Friedmann 方程式 $H^2 + k/R^2 = 8\pi G \rho/3$ 和物質能量守恆方程式開始推導,在 FRW 空間上,上圖這個事件要發生,主導宇宙膨脹的物質,其能量密度 ρ 和壓力 ρ 必須滿足什麼條件? (12 分)
- 四 luminosity L 和超新星輻射能量的關係為何?並由 L 的定義推導 L_0 和 L 之間的關係(結果以z表示)。(10分)

102年特種考試地方政府公務人員考試試題

等 别:三等考試

類 科:天文

科 目:宇宙學

三、(-)假設宇宙膨脹過程處於全程物質主控時期,若 R 為尺度因子(scale factor),則從宇宙是一個絕熱系統的假設,可以得知物質能量密度 $\rho=\rho_{m0}(R_0^3/R^3)$ 。試以哈伯參數(Hubble parameter) H_0 表示現在的宇宙年齡 t_0 。(10 分)

 \square 假設我們的宇宙膨脹過程,處於全程由暗物質主控和真空主控兩種物質主導,已知現在能量形式有 75% 是真空能量的形式,試以哈伯參數 H_0 表示宇宙年齡 t_0 。 (20分)

代號:34770 全一張 (背面)